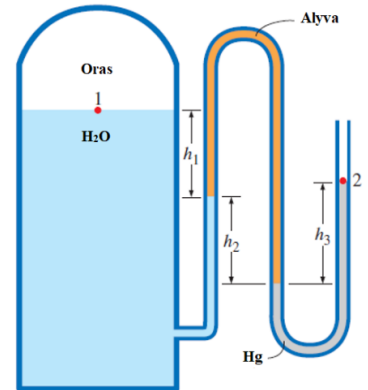


1. Uždavinys

Kalnuose 1400 m aukštume, kur atmosferos slėgis 85,6 kPa, yra uždaras indas užpildytas vandeniu ir oru. Inde esančio oro slėgis matuojamas skystiniu gyvsidabrio – alyvos manometru kaip pavaizduota pav. Pateikti aukščiai yra $h_1 = 0,1\text{ m}$, $h_2 = 0,2\text{ m}$, $h_3 = 0,35\text{ m}$, o alyvos, gyvsidabrio ir vandens tankiai atitinkamai yra $0,86\text{ g/cm}^3$, $13,60\text{ g/cm}^3$ ir $1,00\text{ g/cm}^3$. Rasti oro esančio inde slėgį. (3 balai)



Sprendimas.

Esant pusiausvyros sąlygoms, oro esančio inde ir skysčių stulpelių slėgių suma taške 2 (P_2) turi būti lygi atmosferos slėgiui (P_{atm}):

$$P_1 + \rho_{H_2O}gh_1 + \rho_{alyva}gh_2 - \rho_{Hg}gh_3 = P_2 = P_{atm} \quad (1)$$

Iš (1) formulės gauname oro slėgio į vandens paviršių išraišką:

$$\begin{aligned} P_1 &= P_{atm} - \rho_{H_2O}gh_1 - \rho_{alyva}gh_2 + \rho_{Hg}gh_3 \\ &= P_{atm} + g(\rho_{Hg}h_3 - \rho_{H_2O}h_1 - \rho_{alyva}h_2) \end{aligned} \quad (2)$$

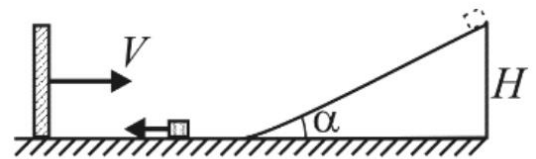
Įstačius skaitines vertes gauname:

$$P_1 = 8,56 \cdot 10^4 + 9,8(13600 \cdot 0,35 - 1000 \cdot 0,1 - 860 \cdot 0,2) = 1,3 \cdot 10^5\text{ Pa} \quad (3)$$

Atsakymas. $1,3 \cdot 10^5\text{ Pa}$

2. Uždavinys

Nuožulni $H=0,8\text{ m}$ aukščio plokštuma su horizontu sudaro $\alpha = 30^\circ$ kampą ir apačioje tolygiai pereina į horizontalų paviršių (pav.). Nuo plokštumos viršaus nuslysta mažas tašelis ir, pasiekęs plokštumos apačią, be trinties juda horizontaliu paviršiumi. Jam priešais juda labai didelės masės plieninė plokštė. Kokiu greičiu V turi judėti plieninė plokštė, kad po absoliučiai tampraus susidūrimo su tašeliu, pastarasis vėl nuožulnia plokštuma pakiltų į aukštį H . Trinties koeficientas tarp nuožulnios plokštumos ir tašelio $\mu = 0,3$. (5 balai)



Sprendimas

Tašelio slydimo metu trinties jėgos atliktas darbas $A = -Fs$ yra lygus tašelio mechaninės energijos pokyčiui

$$\frac{mu^2}{2} - mgH = A. \quad (1)$$

Čia u – tašelio greitis plokštumos apačioje, trinties jėga $F = \mu mg \cos \alpha$, tašelio poslinkis $s = \frac{H}{\sin \alpha}$.

Gautas išraiškas įstatę į (1) formulę, gauname, kad

$$u = \sqrt{2gH(1 - \mu ctg \alpha)} \quad (2)$$

Analogiškai surandame minimalų tašelio greitį u_0 , reikalingą jam pakilti į aukštį H :

$$u_0 = \sqrt{2gH(1 + \mu ctg \alpha)} \quad (3)$$

Kadangi tašelio susidūrimas su plokšte yra absoliučiai tamprus, tai po jo tašelio greitis bus:

$$u_0 = u + 2V \quad (4)$$

Į (4) lygtį įstatę (2) ir (3) išraiškas gauname kad

$$V = \frac{1}{2}(\sqrt{2gH(1 + \mu ctg \alpha)} - \sqrt{2gH(1 - \mu ctg \alpha)}) \quad (5)$$

Į (5) išraišką įstatę reikšmes gauname kad plokštės greitis turi būti 1,1 m/s.

Atsakymas. $V = 1,1$ m/s

3. Uždavinys

Kai oro temperatūra 36 °C, sočiųjų vandens garų slėgis 5,945 kPa. Santykinė oro drėgmė 80%, slėgis normalus. Kam lygi 1m³ šio oro masė? (5 balai)

Sprendimas

Oro masė lygi sauso oro masės ir vandens garų masių sumai

$$m = m_H + m_o$$

$$m_H = \frac{M_H p_H V}{RT} \quad m_o = \frac{M_o p_o V}{RT}$$

Slėgis

$$p = p_H + p_o$$

Vandens garams

$$p_H = \frac{\varphi p_{soc}}{100\%}$$

Sauso oro

$$p_o = p - p_H = p - \frac{\varphi p_{soc}}{100\%}$$

Oro masė

$$m = \frac{M_H p_H V}{RT} + \frac{M_o p_o V}{RT} = \frac{M_H \frac{\varphi p_{soc}}{100\%} V}{RT} + \frac{M_o (p - \frac{\varphi p_{soc}}{100\%}) V}{RT} = \frac{(M_o p + (M_H - M_o) \frac{\varphi p_{soc}}{100\%}) V}{RT}$$

Atsakymas. $m=1,12$ kg

4. Uždavinys

Azoto N_2 dujos, kurių slėgis $p_1=10^5$ Pa, užima $V_1=2$ m³ tūrį. Pradžioje jos kaitinamos izochoriškai iki slėgio $p_2=5 \cdot 10^5$ Pa, o paskui izobariškai iki $V_2=4$ m³ tūrio. Rasti vidinės energijos pokytį, atliktą darbą ir gautą šilumos kiekį. (4 balai)

Sprendimas

$$1-2 \text{ izochorinis } \Delta U = Q$$

$$2-3 \text{ izobarinis } \Delta U = Q + A$$

$$\text{Izochorinio proceso } A = 0$$

Izobariniam procesui

$$A = p_2(V_2 - V_1) = 5 \cdot 10^5(4 - 2) = 10^6 \text{ J}$$

$$pV = \nu RT$$

Vidinės energijos pokytis nuo proceso nepriklauso

$$\begin{aligned} \Delta U &= \frac{i}{2} R \nu (T_2 - T_1) = \frac{i}{2} R \nu \left(\frac{p_2 V_2}{\nu R} - \frac{p_1 V_1}{\nu R} \right) = \frac{i}{2} (p_2 V_2 - p_1 V_1) = \frac{5}{2} (5 \cdot 10^5 \cdot 4 - 10^5 \cdot 2) \\ &= 4,5 \cdot 10^6 \text{ J} \end{aligned}$$

$$Q = \Delta U + A = 5,5 \cdot 10^6 \text{ J}$$

Atsakymas. $A=10^6$ J, $\Delta U=4,5 \cdot 10^6$ J, $Q=5,5 \cdot 10^6$ J.

5. Uždavinys

Plokščiam, teigiamai įelektrintame sluoksnyje elektros krūvis tolygiai pasiskirstęs visame tūryje. Krūvio tankis ρ . Į šį sluoksnį krenta teigiamai įelektrinta dalelė kurios krūvis q ir kinetinė energija W . Nustatyti įelektrinto sluoksnio storį, jei maksimalus kampas, kuriam esant dalelė dar gali pralėkti šį sluoksnį, yra α . Sluoksnio storis H daug mažesnis už jos plotą S . (5 balai)

Sprendimas

Bet kokio krūvio Q kuriamo elektrinio lauko E srautas per uždarą paviršių yra

$$\Phi_E = \frac{Q}{\epsilon_0}. \quad (1)$$

Be to plokštelės kuriamo E linijos statmenos jos paviršiui ir eina į abi puses. Tai

$$Q = \rho SH \quad (2)$$

Ir

$$\Phi_E = 2ES \quad (3)$$

Gauname, kad E plokštelės paviršiuje

$$E = \frac{\rho H}{2\epsilon_0} \quad (4)$$

Gylyje x nuo paviršiaus E_x bus

$$E_x = \frac{\rho(H-x)}{2\epsilon_0} - \frac{\rho x}{2\epsilon_0} = \frac{\rho}{2\epsilon_0} (H - 2x) \quad (5)$$

Iš (5) matome, kad gylyje lygiam pusei plokštelės storio $E=0$. Be to, matome, kad E tiesiškai priklauso nuo x . Tuomet potencialų skirtumas tarp plokštelės paviršiaus ir taškų esančių pusės jos storio gylyje yra

$$\Delta\varphi = E \frac{H}{4} = \frac{\rho H^2}{8\epsilon_0} \quad (6)$$

Kad dalelė įveiktų šį potencialių skirtumą ji turi turėti kinetinę energiją

$$K = \frac{q\Delta\varphi}{\cos^2\alpha} = \frac{q\rho H^2}{8\epsilon_0 \cos^2\alpha} \quad (7)$$

Iš čia

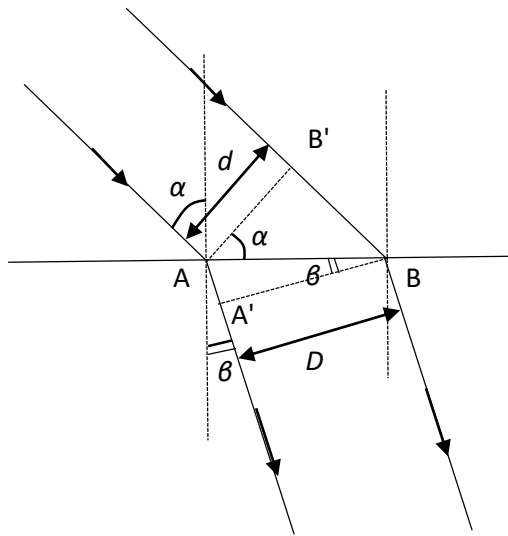
$$H = 2\cos\alpha \sqrt{\frac{2\varepsilon_0 K}{q\rho}} \quad (8)$$

Atsakymas. $H = 2\cos\alpha \sqrt{\frac{2\varepsilon_0 K}{q\rho}}$

6. Uždavinys

Lygiagrečių šviesos spindulių pluoštelis, kurio plotis $d = 1,0$ cm, krenta kampu $\alpha = 45^\circ$ į vandens paviršių. Koks yra sklindančios vandenyje šviesos spindulių pluoštelio plotis D ? Vandens lūžio rodiklis $n = 1,33$. (3 balai)

Sprendimas



Braižome brėžinį.

Kritimo iš lūžio kampus (atitinkamai α ir β) riša Snelijaus (lūžio) dėsnis:

$$\frac{\sin\alpha}{\sin\beta} = n$$

Iš brėžinio trikampio ABB' aišku, kad

$$AB = \frac{d}{\cos\alpha}.$$

Iš trikampio ABA' :

$$AB = \frac{D}{\cos\beta}.$$

Pasinaudodami tuo, kad

$$\cos\alpha = \sqrt{1 - \sin^2\alpha}, \text{ o } \cos\beta = \sqrt{1 - \sin^2\beta},$$

ir Snelijaus dėsnium, randame

$$D = d \frac{\cos\beta}{\cos\alpha} = d \sqrt{\frac{1 - \sin^2\beta}{1 - \sin^2\alpha}} = d \sqrt{\frac{1 - \frac{\sin^2\alpha}{n^2}}{1 - \sin^2\alpha}} = 1,0 \sqrt{\frac{1 - \frac{\sin^2 45^\circ}{1,33^2}}{1 - \sin^2 45^\circ}} \approx 1,2 \text{ (cm)}.$$